

أجب عن جميع الأسئلة التالية مبيناً بالتفصيل جميع خطوات الحل.

ملاحظة: استخدم أربعة أرقام عشرية بعد الفاصلة في جميع الحسابات.

السؤال الأول: (20 درجة)

أ) استخدم الأربعة حدود الأولى الغير صفرية من متسلسلة ماكلورين لإيجاد قيمة:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1 - x}{x^2}$$

ب) أوجد التكامل الآتي باستخدام متسلسلة ماكلورين:

$$\int_0^1 \sqrt{x} \sin(x) dx$$

السؤال الثاني: (20 درجة)

أ) استخدم طريقة أويلر لإيجاد حل مسألة القيم الابتدائية التالية:

$$y' = (1 - x)y^2 - y, y(0) = 1$$

عند $x = 1$ ، مستخدماً طول خطوة $h = 0.5$

ب) باستخدام تقريب المربعات الدنيا، قرّب البيانات التالية على الصورة:

$$y = ae^{-b \sin(x)}$$

x	0	0.5236	1.0472	1.5708
y	2.0000	0.4463	0.1488	0.0996

السؤال الثالث: (20 درجة)

أ) باستخدام طريقة القاطع والتخمينين الابتدائيين $x_0 = 1$ و $x_{-1} = 0$ ، أوجد جذر المعادلة التالية:

$$f(x) = e^{-x} - 2x$$

ب) أوجد حدودية نيوتن للفروق الأمامية للبيانات التالية، وباستخدام صيغة نيوتن للفروق الأمامية احسب $P(0.1)$.

x	-0.4	-0.2	0	0.2	0.4
y	-2	2	0	-2	2

انتهت الأسئلة

مع تمنياتي للجميع بالنجاح

أجب عن جميع الأسئلة التالية مبيناً بالتفصيل جميع خطوات الحل :

السؤال الأول : (7 درجات)

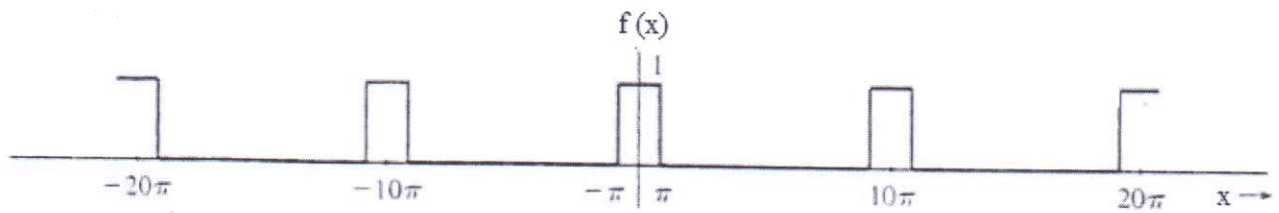
أوجد الدالة من الدرجة الثالثة والتي تعطي أفضل انطباق للنقاط التالية:

x	0	0.3	0.6	0.9	1.2	1.5
y	3.4	6.1	6.6	8.2	7.9	9

مستخدمًا ستة أرقام عشرية بعد الفاصلة في جميع الحسابات.

السؤال الثاني : (8 درجات)

أوجد متسلسلة فوريير للدالة الآتية:



انتهت الأسئلة ... مع تمنياتي للجميع بالتوفيق