

أجب عن جميع الأسئلة التالية مبيناً بالتفصيل جميع خطوات الحل.

السؤال الأول: (12 درجة)

أ) بين ما إذا كانت الإشارات التالية دورية أم لا، وإذا كانت دورية فأوجد دورتها الأساسية.

$$x(n) = \cos(0.125\pi n) - 1 \quad x(n) = \text{Re}[e^{jn\pi/12}] + \text{Im}[e^{jn\pi/18}] - 2$$

ب) بين ما إذا كان النظام الموصوف بالمعادلة: $y(n) = n \cdot [x(n)]^2$ ، متغير زمنياً أم لا.

ج) بين ما إذا كان النظام الموصوف بالمعادلة: $y(n) = ax(n) + b$ ، مستقر أم لا.

السؤال الثاني: (12 درجة)

أ) أوجد تحويل فورير للإشارة المتقطعة زمنياً التالية:

$$x(n) = \alpha^{|n|}, \quad -1 < \alpha < 1$$

ب) أوجد متسلسلة الخرج للمنظومة التي لها الاستجابة الومضية التالية:

$$h(n) = \left(\frac{1}{2}\right)^n u(n)$$

$$x(n) = 10 - 5 \sin\left(\frac{\pi}{2}n\right) + 20 \cos(\pi n) \quad -\infty < n < \infty$$

السؤال الثالث: (12 درجة)

أ) باستخدام الجمع اللي، أوجد خرج المنظومة ذات الزمن المتقطع التي لها استجابة نبضية

$$h(n) = \left(\frac{1}{2}\right)^n u(n)$$

ب) إذا كانت الاستجابة النبضية لنظام LTI المتقطع زمنياً هي: $h(n) = \alpha^n u(n)$.

مستخدماً خاصية الالتفاف (الجمع اللي) لتحويل فورير المتقطع، أوجد استجابة النظام

$$x(n) = \beta^n u(n)$$

السؤال الرابع: (12 درجة)

أوجد حل معادلة الفروق التالية في حالة $n \geq 0$:

$$y(n) + y(n-1) - 6y(n-2) = x(n)$$

$$x(n) = 2^n u(n)$$

$$y(-2) = -1, y(-1) = 1$$

السؤال الخامس: (12 درجة)

باستخدام تحويل Z أوجد الاستجابة الومضية الاحادية للمنظومة السببية التالية، ثم اذكر ما إذا

$$y(n) = \frac{3}{4}y(n-1) - \frac{1}{8}y(n-2) + x(n)$$

انتهت الأسئلة

مع تمنياتي للجميع بالنجاح

$\sum_{n=0}^{N-1} a^n = \frac{1 - a^N}{1 - a}$	$\sum_{n=0}^{\infty} a^n = \frac{1}{1 - a} \quad a < 1$
$\sum_{n=0}^{N-1} na^n = \frac{(N-1)a^{N+1} - Na^N + a}{(1-a)^2}$	$\sum_{n=0}^{\infty} na^n = \frac{a}{(1-a)^2} \quad a < 1$
$\sum_{n=0}^{N-1} n = \frac{1}{2}N(N-1)$	$\sum_{n=0}^{\infty} n^2 = \frac{1}{6}N(N-1)(2N-1)$

Table 4-1 Common z-Transform Pairs

Sequence	z-Transform	Region of Convergence
$\delta(n)$	1	all z
$\alpha^n u(n)$	$\frac{1}{1 - \alpha z^{-1}}$	$ z > \alpha $
$-\alpha^n u(-n-1)$	$\frac{1}{1 - \alpha z^{-1}}$	$ z < \alpha $
$n\alpha^n u(n)$	$\frac{\alpha z^{-1}}{(1 - \alpha z^{-1})^2}$	$ z > \alpha $
$-n\alpha^n u(-n-1)$	$\frac{\alpha z^{-1}}{(1 - \alpha z^{-1})^2}$	$ z < \alpha $
$\cos(n\omega_0)u(n)$	$\frac{1 - (\cos \omega_0)z^{-1}}{1 - 2(\cos \omega_0)z^{-1} + z^{-2}}$	$ z > 1$
$\sin(n\omega_0)u(n)$	$\frac{(\sin \omega_0)z^{-1}}{1 - 2(\cos \omega_0)z^{-1} + z^{-2}}$	$ z > 1$

Table 4-2 Properties of the z-Transform

Property	Sequence	z-Transform	Region of Convergence
Linearity	$ax(n) + by(n)$	$aX(z) + bY(z)$	Contains $R_x \cap R_y$
Shift	$x(n - n_0)$	$z^{-n_0}X(z)$	R_x
Time reversal	$x(-n)$	$X(z^{-1})$	$1/R_x$
Exponentiation	$\alpha^n x(n)$	$X(\alpha^{-1}z)$	$ \alpha R_x$
Convolution	$x(n) * y(n)$	$X(z)Y(z)$	Contains $R_x \cap R_y$
Conjugation	$x^*(n)$	$X^*(z^*)$	R_x
Derivative	$nx(n)$	$-z \frac{dX(z)}{dz}$	R_x

Note: Given the z-transforms $X(z)$ and $Y(z)$ of $x(n)$ and $y(n)$, with regions of convergence R_x and R_y , respectively, this table lists the z-transforms of sequences that are formed from $x(n)$ and $y(n)$.