

أجب عن جميع الأسئلة التالية مبيناً بالتفصيل جميع خطوات الحل

السؤال الأول: (12 درجة)

(أ) بين ما إذا كانت الإشارات التالية دورية أم لا:

$$x(t) = 2 \cos(t) + 3 \cos\left(\frac{t}{3}\right) - 2 \quad x(n) = \sin(\pi + 0.2n) - 1$$

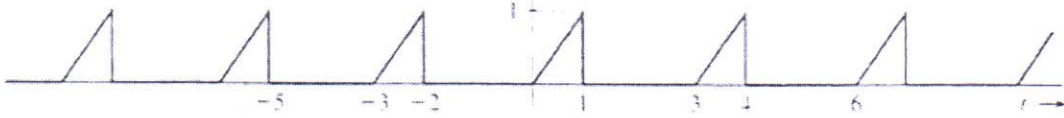
وإذا كانت دورية فأوجد دورتها الأساسية.

(ب) بين ما إذا كان النظام الموصوف بالمعادلة: $y(t) = \sin[x(t + 2)]$ ، هو نظام عديم الذاكرة، سببي، خطي، غير متغير زمنياً، مستقر أم لا.

السؤال الثاني: (12 درجة)

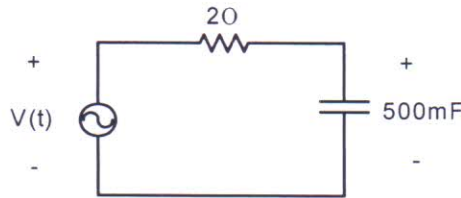
(أ) الاستجابة النبضية لنظام متصل زمنياً معطاة بالمعادلة: $h(t) = \frac{1}{RC} e^{-\frac{t}{RC}} u(t)$ ، أوجد الاستجابة الترددية وارسم المقدار والطور.

(ب) أوجد متسلسلة فورير الجيبية للدالة المبينة في الشكل التالي:



السؤال الثالث: (12 درجة)

(أ) الدائرة في الشكل التالي في حالة سكون ابتدائي ثم تعرضت لدخل $V_i(t)$ ، حيث $V_i(t) = u(t)$. أوجد $V_o(t)$ باستخدام المعادلات التفاضلية.

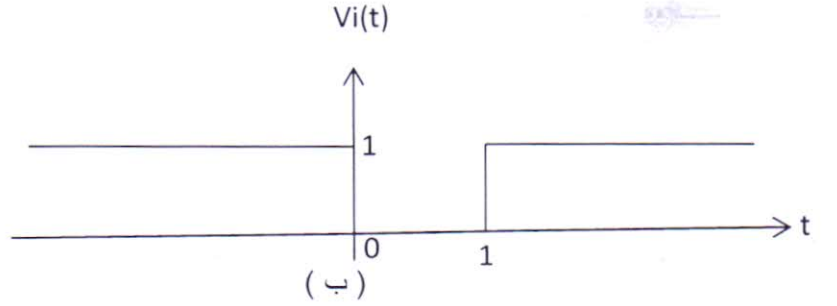
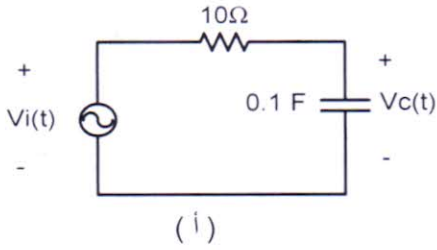


(ب) بفرض أن المصفوفة التالية هي مصفوفة المعاملات لنظام معين. أوجد الجذور، ثم أوجد المصفوفة e^{ta} .

$$a = \begin{bmatrix} 2 & 2 & 0 \\ 4 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$

السؤال الرابع: (12 درجة)

(أ) لدالة التحويل $H(s) = \frac{2}{(s+1)(s+2)}$ ، إذا كان الدخل $x(t) = 4e^{-3t}u(t)$ أوجد الخرج $y(t)$ ومن ثم أوجد قيمة $y(0)$ باستخدام نظرية القيمة الابتدائية (مع العلم بأن $H(s) = \frac{Y(s)}{X(s)}$).
 (ب) للدائرة RC الموضحة في الشكل (أ)، إذا كانت إشارة الدخل هي الإشارة الموضحة في الشكل (ب). أوجد الجهد على المكثف $v_c(t)$ في الفترة $t \geq 0$ وذلك باستخدام تحويل لابلاس للعناصر.



السؤال الخامس: (12=9+3 درجة)

(أ) أوجد الجمع اللي للنظام إذا كانت $h(n) = \left(\frac{1}{3}\right)^n u(n)$ ، ودخل النظام هو $x(n) = 2^n u(n)$
 (ب) الدخل لمنظومة خطية غير متغيرة زمنياً (سببية) يعبر عنه بالمعادلة التالية:

$$x(n) = -\frac{1}{3} \left(\frac{1}{2}\right)^n u(n) - \frac{4}{3} 2^n u(-n-1)$$

وتحويل Z لخرج المنظومة هو:

$$Y(z) = \frac{1 + z^{-1}}{(1 - z^{-1}) \left(1 + \frac{1}{2}z^{-1}\right) (1 - 2z^{-1})}$$

- 1- أوجد تحويل z للدالة $x(n)$.
- 2- حدد منطقة التقارب (ROC) للدالة $Y(z)$.
- 3- أوجد الاستجابة النبضية للنظام.

انتهت الأسئلة

مع تمنياتي للجميع بالنجاح