

الفصل : خريف 20-21

قسم الهندسة الميكانيكية

التاريخ : 08/11/2020

كلية الهندسة

امتحان جزئي أول موانع II

الزمن : 70 دقيقة

جامعة مصراتة

اسم الطالب:

أجب عن هذه الأسئلة الثلاث

س1 - جريان مستقر ثنائي الأبعاد لمانع نيوتوني غير قابل للانضغاط كثافته  $\rho$  ولزوجته ثابتة  $\mu$  تعطى سرعته:

$$\vec{V} = -2xy\vec{i} + (y^2 - x^2)\vec{j}$$

- أ- أوجد صيغة لمتجه العجلة:  $\vec{a} = a_x\vec{i} + a_y\vec{j}$  وأوجد مقداره عند الموضع (1,2)  
ب- هل يحقق مجال السرعة المعطى مبدأ حفظ الكتلة؟ أثبت ذلك.

س2- لجريان المائع المعطى في السؤال الأول أوجد صيغة لتوزيع الضغط  $P(x, y)$

$$P(0,0) = P_0 \text{ علما أن}$$

س3- لجريان الماء السائل ( $\rho = 1000 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$  &  $\mu = 0.001 \text{ kg}/(\text{m} \cdot \text{s})$ ) على سطح مستو

طويل بسرعة  $20 \text{ m/s}$  كم يكون سمك الطبقة المتاخمة على بعد  $8 \text{ m}$  من حافة الاقتراب (Leading edge).

بين هل هي مضطربة أم رقائقية عند هذا الموضع

$$\rho \frac{du}{dx} = \mu \left[ \frac{d^2u}{dx^2} + \frac{d^2u}{dy^2} = \frac{d^2u}{dz^2} \right] - \frac{dP}{dx}$$

اجب عن سؤالين من الثلاثة الآتية:

1- جريان مستقر ثنائي الأبعاد لمائع نيوتوني غير قابل للانضغاط كثافته  $\rho$  ولزوجته ثابتة  $\mu$  تعطى سرعته:

$$V = (x^2 - y^2 + x)i - (2xy + y)j$$

أ- أوجد صيغة لمتجه العجلة:  $\vec{a} = a_x \vec{i} + a_y \vec{j}$  وأوجد مقداره عند الموضع (1,2).

ب- هل يحقق مجال السرعة المعطى مبدأ حفظ الكتلة؟ أثبت ذلك.

ج- لوحد صيغة لتوزيع الضغط  $P(x,y)$  علما أن  $P(0,0) = P_0$ .2- يجري الماء ( $\rho = 1000 \frac{kg}{m^3}$  &  $\mu = 0.001 \frac{kg}{m \cdot s}$ ) على سفينة مسوية طولها في اتجاه الجريان  $0.5m$  بسرعة  $2m/s$ 

يحفز اضطراب الطبقة المتاخمة من حافة البداية (leading edge) مسطوري

أ- احسب القيم المرصعية لكل من السمك الفعلي والسمك المزاح للطبقة المتاخمة وكذلك إجهاد القص عند منتصف طول السفينة.

ب- أثبت أن معامل الكبح المتوسط يعطى بالعلاقة  $C_D = \frac{0.0742}{(Re_L)^{1/2}}$  ثم قدر قيمته ومقدار قوة الكبح لكل متر من عرض السفينة.

ج- افترض أن الطبقة المتاخمة عند منتصف السفينة لا تزال وقتلية واحسب إجهاد القص عنده وقارنه مع حالة الاضطراب في الفقرة

(1)

3- طائرة تجارية كتلتها  $70,000kg$  مساحة سطح الأجنحة  $150m^2$  وعند التحليق على ارتفاع ثابت  $12km$  كانت سرعتها $558km/h$  أجنحة الطائرة مزودة بسفين من

الرافات المتحركة (double-slotted flaps) التي

يمكن استخدامها أثناء الإقلاع والهبوط لكن لا تستخدم

أثناء التحليق (level cruising) بحيث أن متوسط

طول الكورد للجناح  $3m$  ومعاملات الكبح والرفع تتغير

وفقا للمخططات المرفقة. أوجد

أ- أقصى قيمة لمعامل الرفع للجناح  $C_L$  يمكن

الحصول عليها أثناء الإقلاع take-off

ب- أقل سرعة يمكن أن تقلع بها الطائرة من

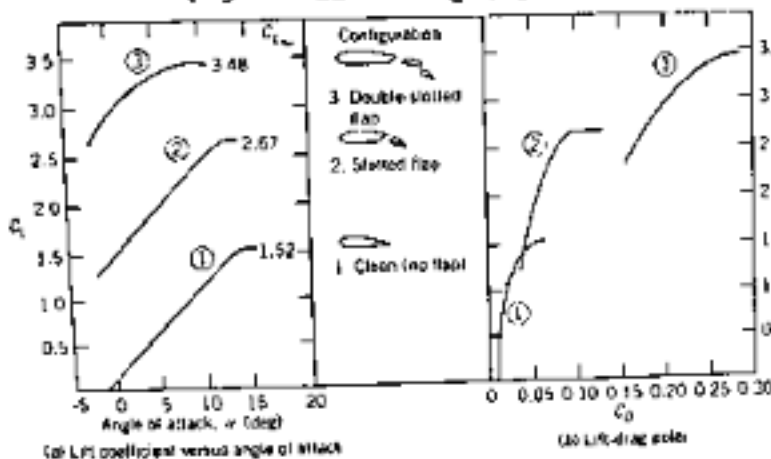
الأرض take-off باستخدام معامل أمان 1.2

ج- زاوية برنامج الهواء بمقدمة الجناح ورقم رينولد أثناء التحليق المستقر عند الارتفاع والسرعة المذكورين

د- القدرة اللازمة للطائرة للتعليق على الكبح الخائس على الأجنحة أثناء هذا التحليق

$$\left( \rho = 1.2 \frac{kg}{m^3} \text{ \& \; } \mu = 1.8 \times 10^{-5} \frac{kg}{m \cdot s} \right) \text{ فوق سطح الأرض}$$

$$\left( \rho = 0.312 \frac{kg}{m^3} \text{ \& \; } \mu = 1.21 \times 10^{-5} \frac{kg}{m \cdot s} \right) \text{ على ارتفاع } 12km$$

Cl vs  $\alpha$  coefficient versus angle of attackCd vs  $\alpha$  drag coefficient

1- ينقل زيت ( $\rho = 865 \frac{kg}{m^3}$  &  $\mu = 1.45 \frac{kg}{m.s}$ ) بصنفة في خط انابيب نصف قطره 8cm بسرعة  $1.2 m/s$  ، إذا كان الحريان كامل النمو (Fully developed) خلال جزء طوله 400m من الأنبوب احسب أقصى جرعة للزيت وكتلة الزيت المنقطة في الساعة وفرواق الضغط والقدرة اللازمة لاستمرار حريان الزيت في الأنبوب.

2- قوة الكبح لكرة ملساء منمورة في حريان مائع تعتمد على كل من السرعة النسبية U وقطر الكرة D وكتافة المائع  $\rho$  ولزوجته  $\mu$

استعمل التعليل المعدي بطريقة باكتجهام بني لايجاد المعاملات اللاعبية التي يمكن استخدامها لصياغة علاقة تعريبية صليبا . استنتج من ذلك التناسب العكسي بين معامل الكبح ورقم وينولد .

Formula Sheet:

المعادلة Acceleration

$$a = \frac{Dv}{Dt} = \frac{\partial v}{\partial t} + u \frac{\partial v}{\partial x} + v \frac{\partial v}{\partial y} + w \frac{\partial v}{\partial z}$$

معادلة الاستمرارية في الاحداثيات الكارتيزية (Continuity Equation)

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\partial(\rho u)}{\partial x} + \frac{\partial(\rho v)}{\partial y} + \frac{\partial(\rho w)}{\partial z} = 0$$

Navier-Stokes for an incompressible constant-viscosity newtonian fluid flow:

$$\rho \left( \frac{\partial u}{\partial t} + u \frac{\partial u}{\partial x} + v \frac{\partial u}{\partial y} + w \frac{\partial u}{\partial z} \right) = \rho g_x - \frac{\partial P}{\partial x} + \mu \left[ \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial z^2} \right]$$

$$\rho \left( \frac{\partial v}{\partial t} + u \frac{\partial v}{\partial x} + v \frac{\partial v}{\partial y} + w \frac{\partial v}{\partial z} \right) = \rho g_y - \frac{\partial P}{\partial y} + \mu \left[ \frac{\partial^2 v}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 v}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 v}{\partial z^2} \right]$$

$$\rho \left( \frac{\partial w}{\partial t} + u \frac{\partial w}{\partial x} + v \frac{\partial w}{\partial y} + w \frac{\partial w}{\partial z} \right) = \rho g_z - \frac{\partial P}{\partial z} + \mu \left[ \frac{\partial^2 w}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 w}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 w}{\partial z^2} \right]$$

$Re = \frac{\rho V D}{\mu}$

Laminar on flat plate	$\frac{\delta}{x} = \frac{5}{\sqrt{Re_x}}$	$\delta^* = \int_0^{\delta} (1 - \frac{u}{U}) dy$	$\frac{\theta}{x} = \frac{0.664}{\sqrt{Re_x}}$	$C_{f,x} = \frac{0.664}{\sqrt{Re_x}}$	$C_D = \frac{1.328}{\sqrt{Re_L}}$
Turbulent on flat plate	$\frac{\delta}{x} = \frac{0.38}{Re_x^{1/5}}$		$\frac{\theta}{x} = \frac{0.037}{Re_x^{1/5}}$	$C_{f,x} = \frac{0.059}{Re_x^{1/5}}$	$C_D = \frac{0.0742}{(Re_L)^{1/5}}$
fully developed laminar pipe flow			$f = 64/Re$		
			$u(r) = 2U_{avg} \left( 1 - \frac{r^2}{R^2} \right)$		
Fully developed internal flow : pressure loss			$\Delta P = f \frac{L}{D} \frac{\rho V_{avg}^2}{2}$		

$\dot{W} = \Delta P V$

$A = \frac{m^2}{s}$        $U_{avg} = 2V$        $V_{min}, V_{max}$

أجب جميع الأسئلة التالية بالخطوات وأبدأ إجابة كل سؤال في صفحة جديدة.

ملاحظة: اعتبر خواص الماء السائل عند درجة حرارة المحيط  $(\rho = 1000 \frac{kg}{m^3} \text{ \& } \mu = 1.31 \times 10^{-3} \frac{kg}{m.s})$

من 1 - جريان مستقر ثنائي الأبعاد لمتاح نيوتوني غير قابل للانضغاط كثافته  $\rho$  ولزوجته ثابتة  $\mu$  تعطى سرعته:

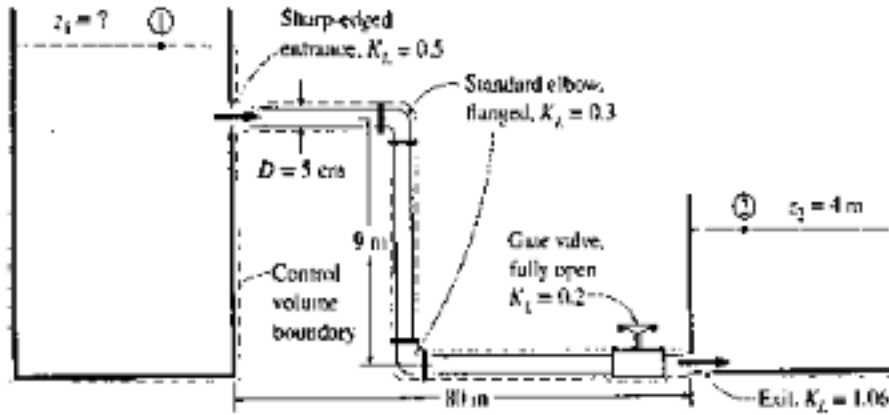
$$\vec{v} = -2xy\vec{i} + (y^2 - x^2)\vec{j}$$

أ- لوجد صيغة لمتجه العجلة:  $\vec{a} = a_x\vec{i} + a_y\vec{j}$  ولوجد مقداره واتجاهه عند الموضع (3,-2) و زمن  $t = 10 \text{ s}$

ب- هل يحقق توزيع السرعة المعطى مبدأ حفظ الكتلة؟ أثبت ذلك.

ج- لوجد صيغة لتوزيع الضغط  $P(x,y)$  علماً أن الضغط عند نقطة البداية  $P(0,0) = P_0 = 100 \text{ units}$

والكثافة تعادل  $\rho = 100 \text{ units}$  والجانبية  $g = -g_y\vec{j}$  حيث  $g_y = 1 \text{ unit}$



من 2- يتنقل ماء والانسحاب الطبيعي بين خزائين

معرضين للضغط الجوي ودرجة حرارة المحيط

في خط أنابيب من الحديد الزهر نصف قطره

5cm كما هو موضح في الرسم و يعادل

جريان متوسط  $360 \text{ kg/min}$  ، احسب الفوائد

الضغط الناتجة عن الاحتكاك في الأنابيب فقط

واجمالى الفوائد ومنه قدر أقل ارتفاع للماء في

الخزان الأكبر

من 3- قوة الكبح لكرة مفساه مغمورة في جريان متعدي على كل من السرعة النسبية  $U$  وقطر الكرة  $D$  وكثافة المتاح  $\rho$  ولزوجته  $\mu$

استخدم التحليل البعدي بنظرية بالكنجهام باي لايجاد المعاملات اللابعدية التي يمكن استخدامها لصياغة علاقة تجريبية عليها . استنتج من ذلك

التناسب العكسي بين معامل الكبح ورقم رينولد

من 4- يجري الماء على صفيحة مستوية طولها في اتجاه الجريان  $0.5 \text{ m}$  بسرعة  $2 \text{ m/s}$  يحفز اضطراب الطبقة المتاخمة من حافة المقدمة

أ- احسب القيم الموضعية لكل من السمك العنلي والسمك المزاح للطبقة المتاخمة وكذلك إجهاد القص عند منتصف طول الصفيحة.

ب- ثبت أن معامل الكبح المتوسط يعطى بالعلاقة  $C_D = \frac{0.0742}{(Re_L)^{1/5}}$  ثم قدر قيمته ومدار قوة الكبح لكل متر من عرض الصفيحة.

ج- افرض أن الطبقة المتاخمة عند منتصف الصفيحة لا تزال رقلاتية واحسب إجهاد القص عنده وقارنه مع حالة الاضطراب في الفترة (أ)

انتهت الأسئلة وأرجو لكم التوفيق

$$\frac{\sum \tau}{M} \sim \frac{M}{L^2 \cdot L}$$

$$\frac{ML}{L^2} \sim \frac{M}{L^2}$$

$$Re_s \sim \frac{\rho V L}{\mu}$$