

اجب عن الاسئلة الاتية موضحا خطوات الحل

السؤال الاول: (14 درجة) اوجد قيمة كل مما يلي:

1-  $\int_{-1}^2 \frac{|x^2 - 4|}{x^2 - 4} dx$

2-  $\int_1^{e^3} \frac{1}{\sqrt{x^2 + x^2 \ln x}} dx$

3-  $\frac{d}{dx} \int_2^5 \sqrt[3]{\sqrt{x} + 6} dx$

4-  $\int_{-1}^0 y^2 (y + 1)^5 dy$

السؤال الثاني: (8 درجات)

ا. اذا كان  $\int_0^{\ln k} \frac{dz}{e^{-z} + 1} = \ln 2$  حيث  $k > 1$  فاوجد قيمة  $k$ .

ب. اذا كان  $a$  و  $b$  ثوابت فاثبت ان:

$$\int e^{at} \cos(bt) dt = \frac{e^{at}}{a^2 + b^2} [a \cos(bt) + b \sin(bt)]$$

السؤال الثالث (18 درجة): اجب عن اربع تكاملات فقط مما يلي:

1-  $\int \sin \sqrt{x} dx$

2-  $\int (\sec x)^3 (\tan x)^5 dx$

$\int \sec^2 \tan^3 \cdot \sec \tan dx$   
 $(1 - \tan^2 x) \cdot \sec \tan dx$

3-  $\int e^{3x} \sin^{-1} e^x dx$

4-  $\int \frac{dx}{\sqrt{(x^2 - 16)^3}}$

5-  $\int \csc x \sin 3x dx$

6-  $\int \frac{dp}{\sqrt{p+3}(p+7)}$

$\sin \sqrt{x} dx$

$u = \sin \sqrt{x}$   
 $du = dx$

$du = \frac{1}{2\sqrt{x}} dx$   
 $v = x$

انتهت الاسئلة وللجميع التوفيق

$(x-2)(x+2)$   $\int \sin \sqrt{x} dx$

~~$\int \frac{dx}{\sqrt{(x^2 - 16)^3}}$~~   
 $\frac{1}{(x^2 - 16)^{3/2}}$