

اسم الطالب :
 رقم الطالب :
 ملاحظة: يجب كتابة اسم المجموعة على ورقة الإجابة
 غير مسموح استخدام أي حاسب آلي
 أجب عن جميع الأسئلة الآتية مبينا خطوات الحل

السؤال الأول: (8 درجات) . 1- باستخدام الفرض $y = vx$ حل المعادلة التفاضلية:

$$\frac{dy}{dx} = \frac{y}{x} + \frac{y}{x} \ln\left(\frac{y}{x}\right)$$

ب- بين ما إذا كانت المعادلة الآتية خطية أو غير خطية ثم اوجد حلها العام إذا كان $\frac{-\cos x}{\sqrt{x}}$ احد حلولها المستقلة.

$$x^2 y'' + x y' + \left(x^2 - \frac{1}{4}\right) y = 0$$

السؤال الثاني: (12 درجة) 1- اوجد تحويل لابلاس للدالة الآتية في ابط صورة

$$f(t) = t^3 + t e^{-t} \sinh(2t)$$

ب- بفرض أن طريقة المعاملات غير المعنية هي المستخدمة لإيجاد الحل الخاص للمعادلات التفاضلية الآتية، اوجد صيغة للحل الخاص بدون إيجاد قيمة الثوابت لكل من المعادلات الآتية:

$$1- y'' - 8y' + 16y = x^2 + (\cosh 2x)^2$$

$$2- 2y'' + y' - 3y = \frac{x}{e^{2-x}}$$

السؤال الثالث: (12 درجة) . أ- اوجد :

$$1- L^{-1} \left\{ \frac{s-1}{s^2+2s+2} \right\} \quad 2- L^{-1} \{ \tan^{-1}(s-1) \}$$

ب- باستخدام طريقة المعاملات غير المعنية اوجد حل مسألة القيمة الحدية الآتية:

$$y'' + y = 2(\cos 2x)^2, \quad y(0) = 0, \quad y\left(\frac{\pi}{2}\right) = 0$$

السؤال الرابع: (10 درجات) . باستخدام تحويل لابلاس حل مسألتي القيمة الابتدائية الآتية:

$$1- dy - (y + 1 - t) dt = 0 \quad ; y(0) = 0$$

$$2- x''(t) + 2x'(t) + x(t) = e^{-t}, \quad x(0) = 0, \quad x'(0) = 1$$

السؤال الخامس: (10 درجات) . اوجد الحل الخاص للمعادلتين التفاضليتين الآتيتين:

$$1- (\cos x)^2 \frac{dy}{dx} + y = 1, \quad y(0) = -3$$

$$2- y'' + 3y' + 2y = e^{e^x}$$

السؤال الخامس : (10 درجات) . اوجد الحل الخاص للمعادلتين التفاضليتين الآتيتين:

$$1- (\cos x)^2 \frac{dy}{dx} + y = 1 \quad , y(0) = -3$$

$$2- y'' + 3y' + 2y = e^{ex}$$

السؤال السادس : (8 درجات) . أ- إذا كان محدد رونسكي للدالتين e^x و $y(x)$ مساويا 1 ، فهل الدالتان مرتبطتان أو مستقلتان خطيا؟ اوجد $y(x)$ إذا كان بيانها يمر بالنقطة $(0, 1)$.

ب - اوجد $f(s)$ إذا كان:

$$F(t) = \frac{2}{t} \sin 3t + \sin t$$

ثم اوجد $f(0)$

انتهت الأسئلة وللجميع التوفيق

جدول تحويل لابلاس

| F(t) | F(s) |
|---------------------|------------------------------|
| A , constant | $\frac{A}{s} , s > 0$ |
| e^{at} | $\frac{1}{s-a} , s > a$ |
| $\sin(at)$ | $\frac{a}{s^2+a^2} , s > 0$ |
| $\cos(at)$ | $\frac{s}{s^2+a^2} , s > 0$ |
| $\sinh(at)$ | $\frac{a}{s^2-a^2} , s > a$ |
| $\cosh(at)$ | $\frac{s}{s^2-a^2} , s > a$ |
| عدد صحيح موجب t^n | $\frac{n!}{s^{n+1}} , s > 0$ |