

أجب على جميع الأسئلة الآتية مع توضيح خطوات الحل
يمنع الاجابة بقلم الرصاص واستخدام الآلة الحاسبة

س (1) (4 + 6) درجة

(a) إذا كانت $B = \begin{bmatrix} 3 & 1 & 1 \\ 6 & -1 & 1 \\ 2 & 3 & 1 \end{bmatrix}$ اثبت أن $(B - I)$ غير شاذة ، ثم أوجد $(B - I)^{-1}$

(b) إذا كانت A مصفوفة متعامدة ، اثبت ان $|A| = \pm 1$

س (2) (5 درجات)

أوجد قيمة كل من x ، y ، z التي تجعل جميع المصفوفتين الآتيتين مصفوفة ملتوية التماثل

$$\begin{bmatrix} 1 & 4 & 2x \\ 2 & 1 & -4 \\ -3 & z & -2 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 1 & 2 & x \\ 1 & 1 & 10 \\ 6 & -4z & -2 \end{bmatrix}$$

س (3) (5 درجات) : أوجد المصفوفة Y التي تحقق

$$5 \left\{ Y + \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ -3 & 2 \end{bmatrix} \right\} = 3Y + \begin{bmatrix} 4 & -3 \\ -9 & 14 \end{bmatrix}$$

ومنها استنتج المصفوفة Z التي تجعل $YZ = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$

س (4) (5 درجات) : باستخدام خواص المحددات اثبت ان

$$\begin{vmatrix} 1 & bc & bc^2 + b^2c \\ 1 & ca & ca^2 + ac^2 \\ 1 & ab & ab^2 + a^2b \end{vmatrix} = 0$$

س (5) (5 درجات) : باستخدام المصفوفات اوجد حل المعادلات الآتي

$$Y + 2X = 1 \quad 2Y - 2 + 4X = 0$$

انتهت الأسئلة بالتوفيق للجميع